



Univerzitet Crne Gore  
GRAĐEVINSKI FAKULTET U PODGORICI

**PROJEKTOVANJE I GRAĐENJE  
BETONSKIH KONSTRUKCIJA**

*Mladen Ulićević*

**PROJEKTOVANJE I IZGRADNJA  
INDUSTRIJSKIH BETONSKIH HALA**

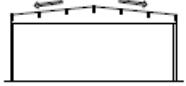
## 1. NAMJENA HALA

- Industrijska proizvodnja
- Skladišta i magacini
- Saobraćajni depoi i garaže
- Sportski objekti
- Izložbeni paviljoni
- Laboratorije

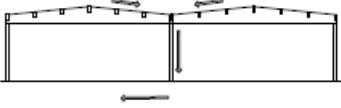


## 2. TIPOVI I KONFIGURACIJE HALA

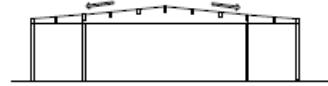
Jednobrodne



Dvobrodne

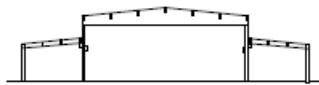
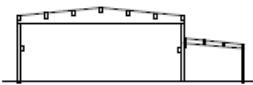
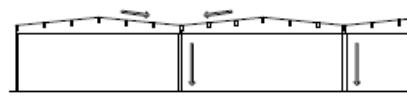
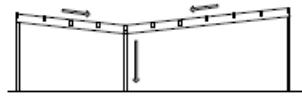
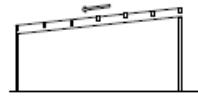


Trobrodne



Rasponi broda:  
 $12 < L < 30 \text{ m}$

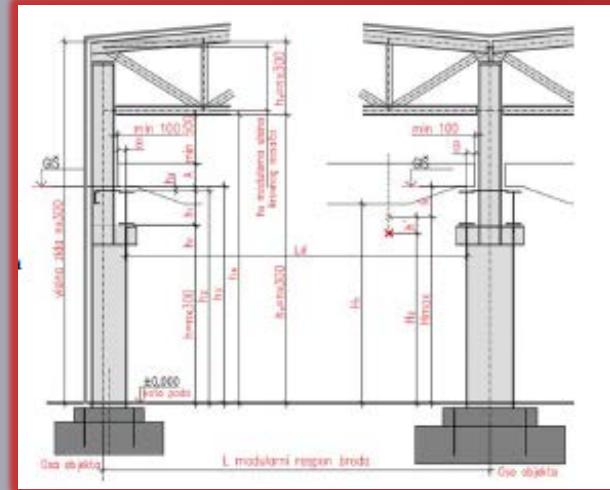
Dužina hale:  
 $n\lambda = 30 - 60 \text{ m}$   
(bez dilatacija)



### 3. PODACI I USLOVI ZA PROJEKTOVANJE

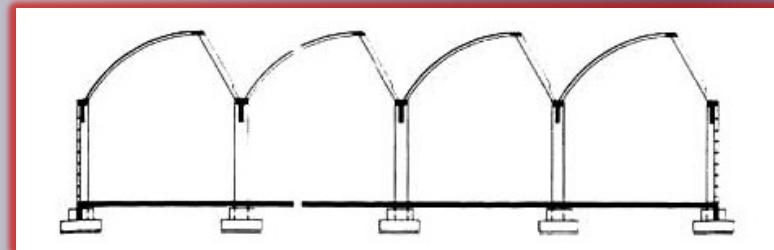
#### ➤ Tehnološki i funkcionalni uslovi

- Raspored proizvodne opreme
- Radni proces (tokovi materijala i proizvoda)
- Unutrašnji horizontalni i vertikalni transport (kranovi, trake, viljuškari ...)
- Slobodni gabariti (čista širina, visina dizanja ...)
- Radni uslovi (osvjetljaj, grijanje, hlađenje, vlažnost, provjetravanje, zvučna izolacija ...)
- Položaj i koridori instalacija (EE, TT, IT, ViK ..)
- Adaptabilnost prostora (proširenje, produženje, aneksi ... )



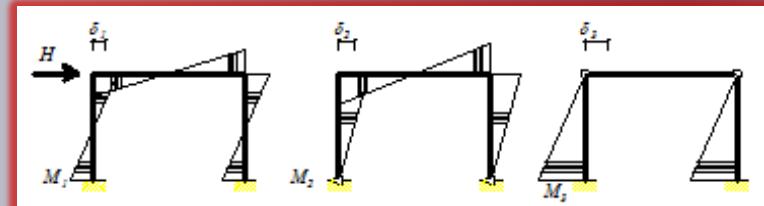
#### ➤ Urbanistički uslovi

- Položaj u prostoru
- Dozvoljeni spoljašnji gabariti
- Izgled i uklapanje u ambijent



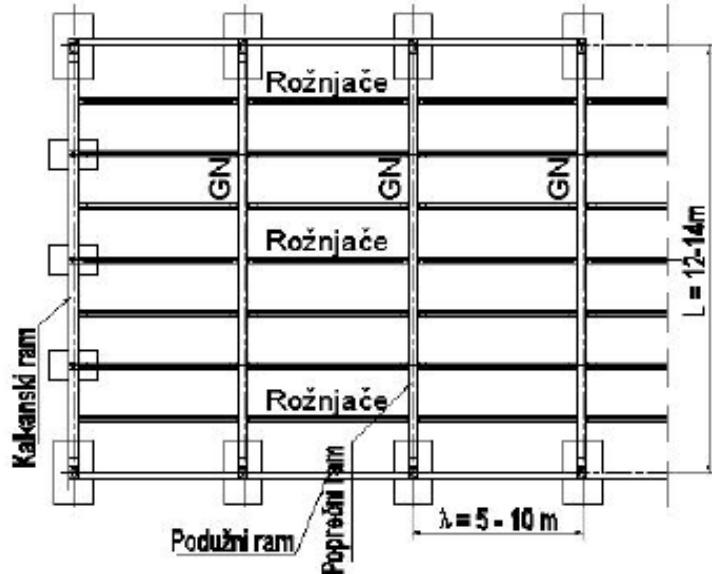
#### ➤ Tehnički uslovi

- Geomehanički podaci o tlu
- Seizmičnost mikrolokacije
- Klimatski uslovi (padavine, vjetar, temp.)
- Opterećenja (stalna, povremena, incidentna)
- Tehnologija – sistem građenja
- Rokovi izgradnje

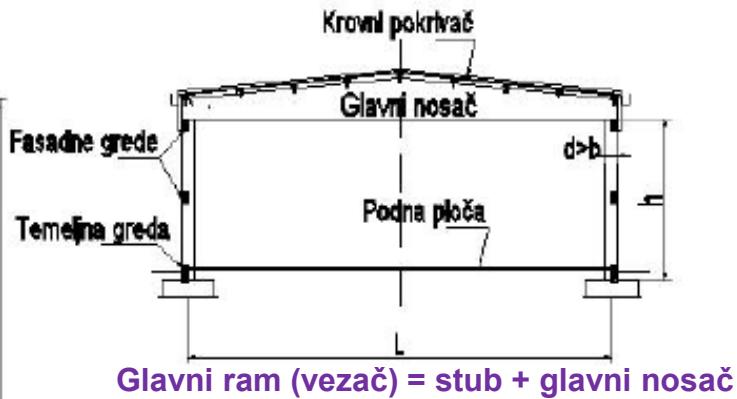
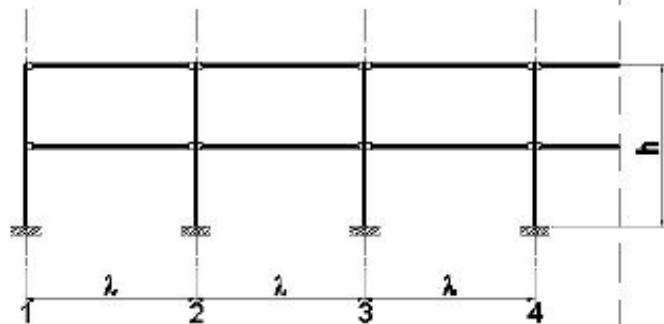


## 4. DISPOZICIONO RJEŠENJE KONSTRUKCIJE HALE

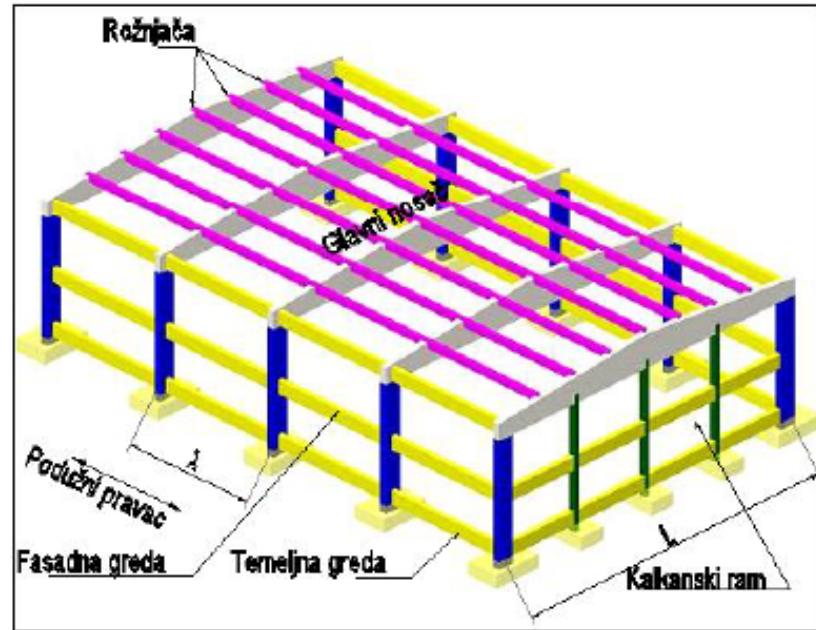
### 4.1 Glavni elementi konstrukcije hale



Podužni ram - sistem

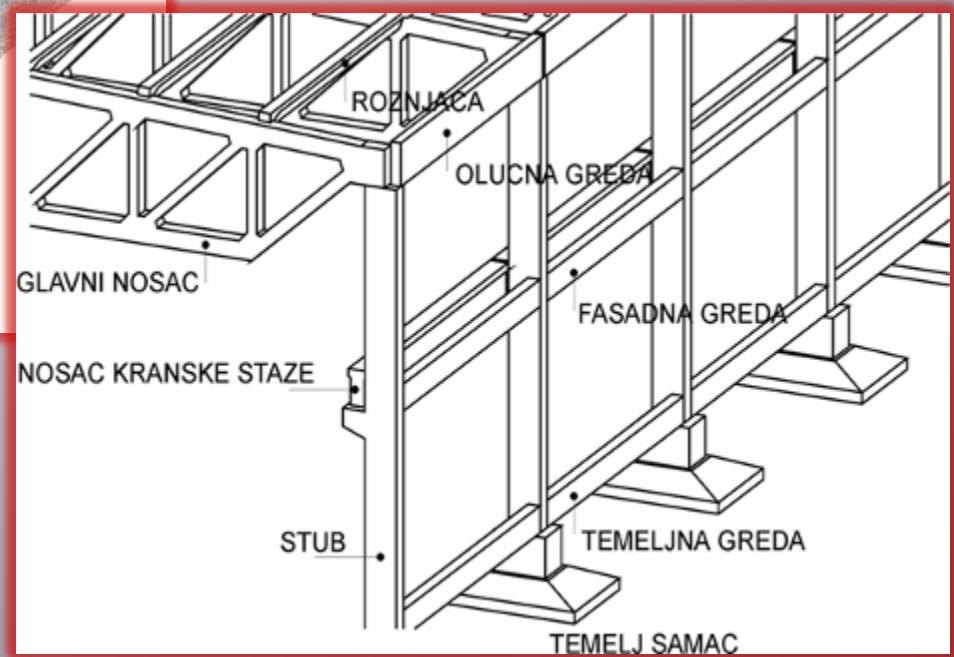
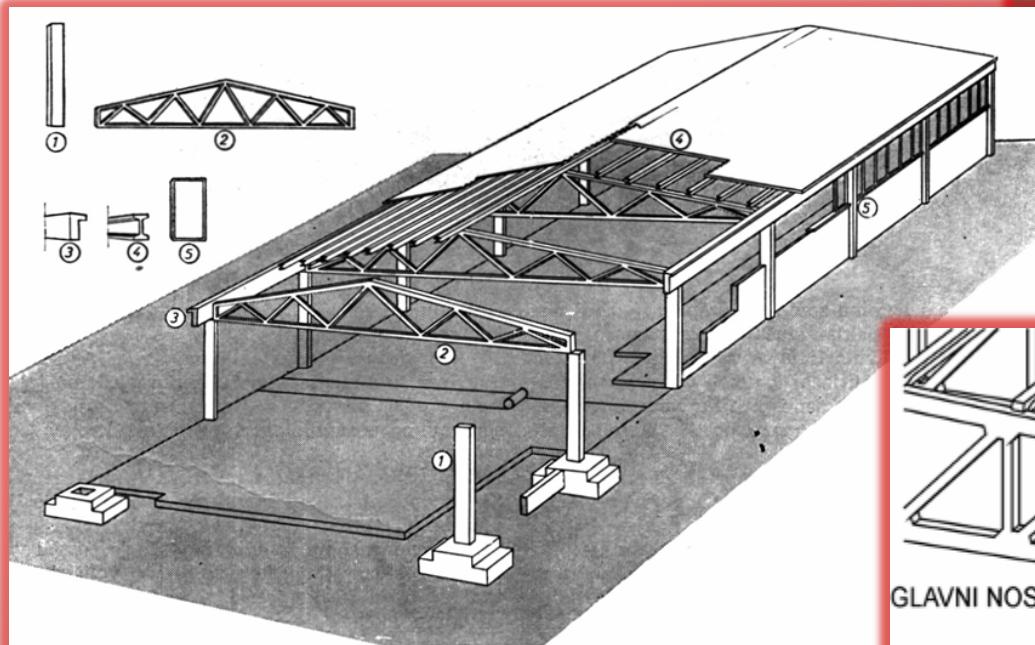


Glavni ram (vezač) = stub + glavni nosač



## 4.2 Međuzavisnost elemenata hale

- Razmak rožnjača ( $\lambda_R$ ) = Raspon krovnog pokrivača ( $l_{KP}$ )
- Razmak glavnog rama ( $\lambda$ ) = Raspon rožnjača ( $l_R$ )
- Razmak glavnog rama ( $l$ ) = Raspon nosača KS ( $l_{KS}$ )

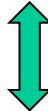


## 4.3 Spregovi i ukrućenja - elementi za prostornu stabilnost hale

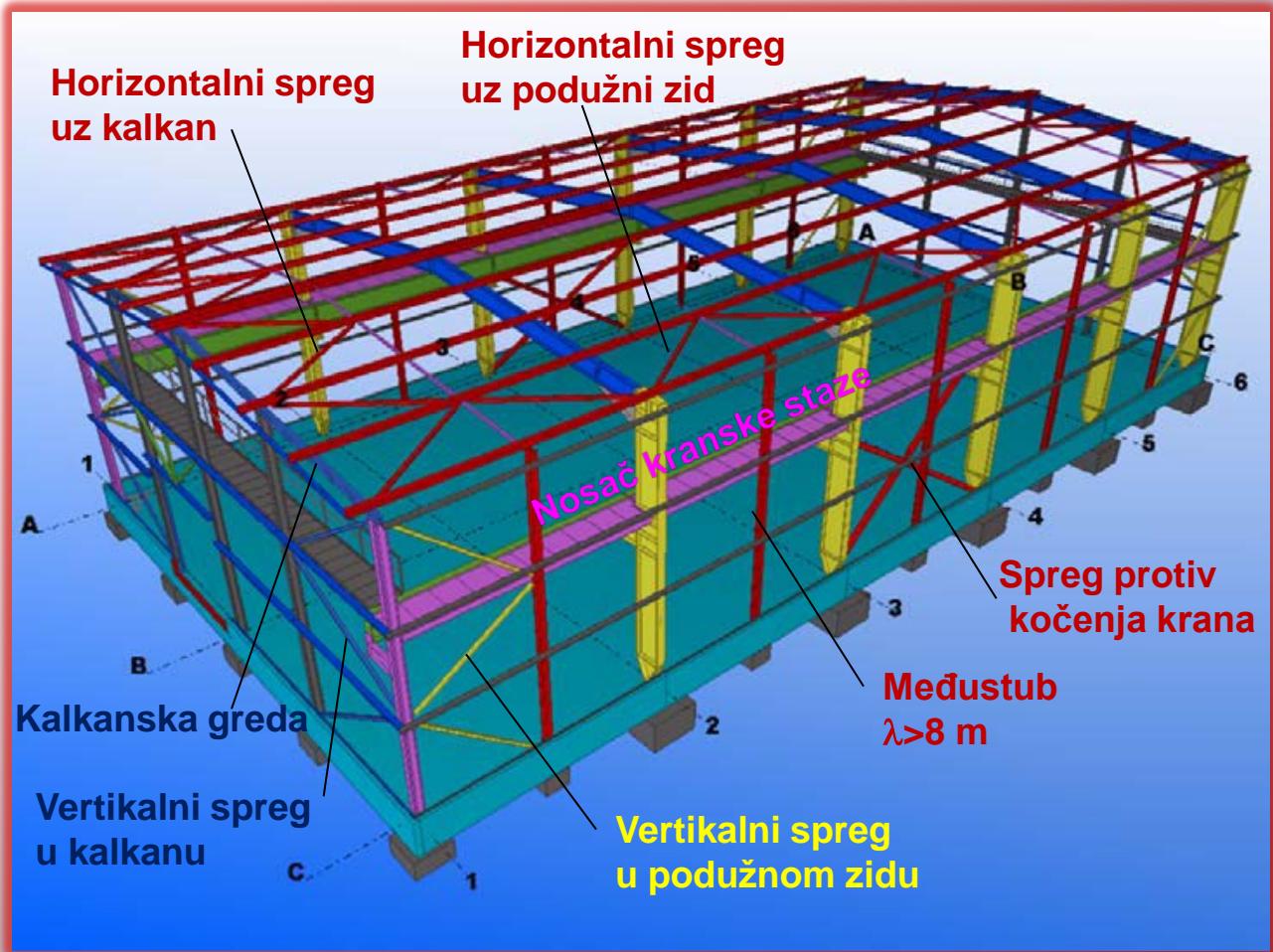
### ➤ Ciljevi i funkcija:

- stabilnost u fazi montaže
- ukrućenje krovne i fasadnih ravnih
- prijem horizontalnih dejstava

### ➤ Krovni pokrivač i fasadna obloga: Al i Fe limovi ili nepovezani kruti pokrivači



- Spregovi u krovnoj ravni
- Spregovi ili AB zidovi u kalkanskoj i podužnoj ravni



## 4.4 Šema elemenata, prijem i distribucija dejstava

- Horizontalno dejstvo vjetra: Omotač → stubovi → ukrućenja → temelji

- Vertikalna dejstva  
- sopstvena težina  
- snijeg i vjetar:

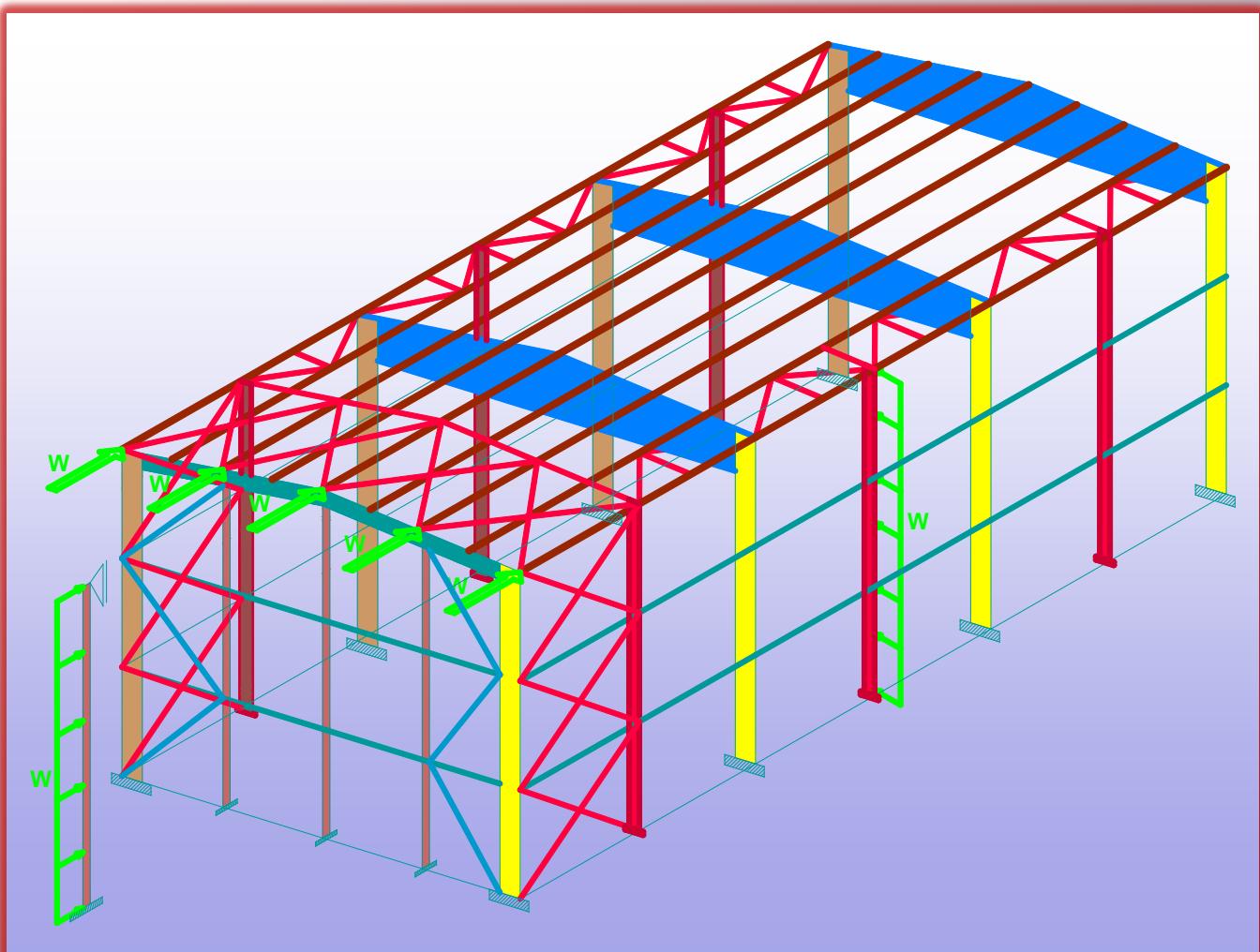
Krovni pokrivač



Glavni nosač



Stubovi



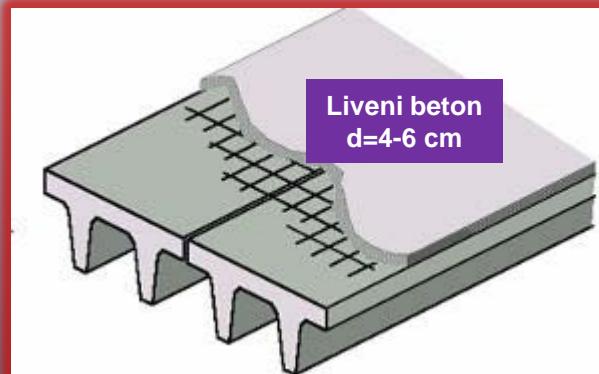
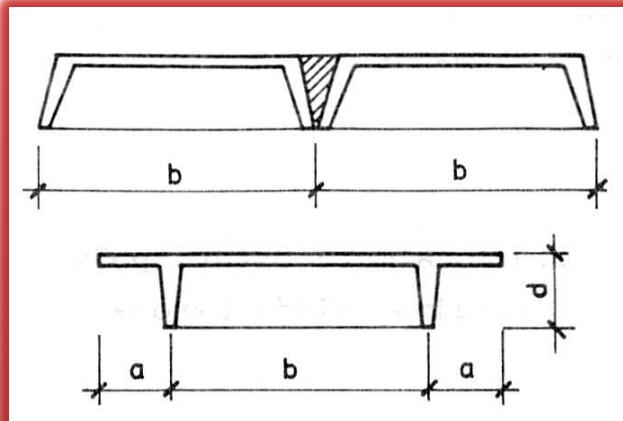






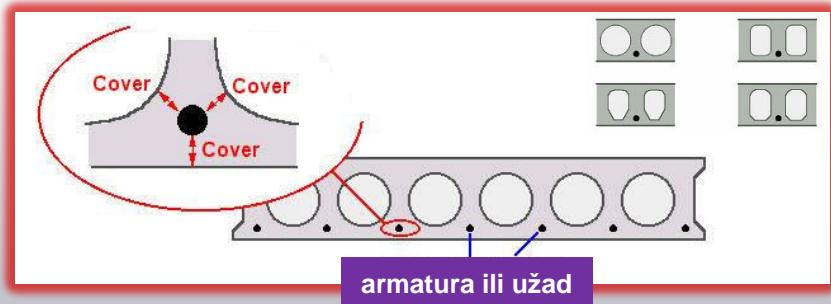
## ➤ Rebraste ploče od armiranog betona

- uobičajeni raspon  $L = 6\text{--}10 \text{ m}$
- primjena athezionog prednaprezanja  $L = 10\text{--}15 \text{ m}$
- uobičajene visine  $L/25 - L/20$
- debљina ploče  $4\text{--}6 \text{ cm}$
- debљina rebra  $8\text{--}10 \text{ cm}$
- širina  $1\text{--}2 \text{ m}$
- dodatna hidro i termo izolacija

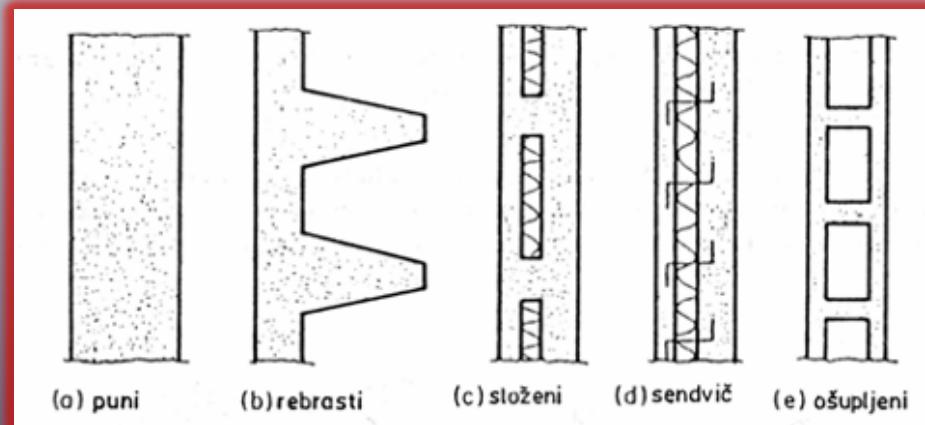


## ➤ Ošupljene ploče od armiranog betona

- uobičajeni raspon  $L = 6\text{--}10 \text{ m}$
- primjena athezionog prednaprezanja  $L = 10\text{--}15 \text{ m}$
- uobičajene visine  $15 - 20 \text{ cm}$
- Min. Razmak otvora  $6 \text{ cm}$
- širina  $1\text{--}2 \text{ m}$
- dodatna hidro i termo izolacija



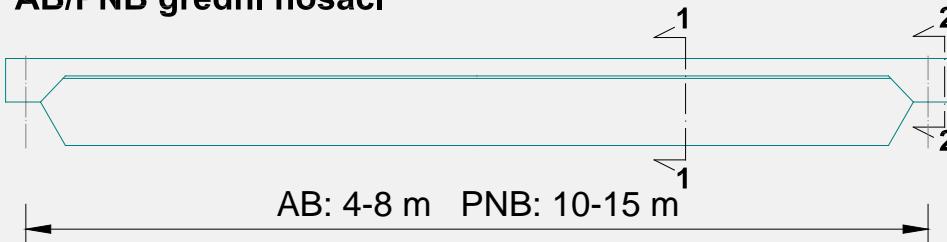
## ➤ Fasadni zidovi od armiranog betona



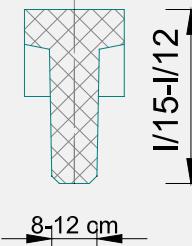
## 6. OBLIKOVANJE ELEMENATA HALE

### 6.1 Rožnjače

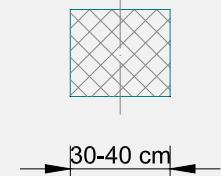
**AB/PNB gredni nosači**



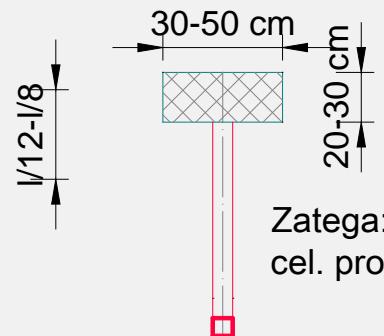
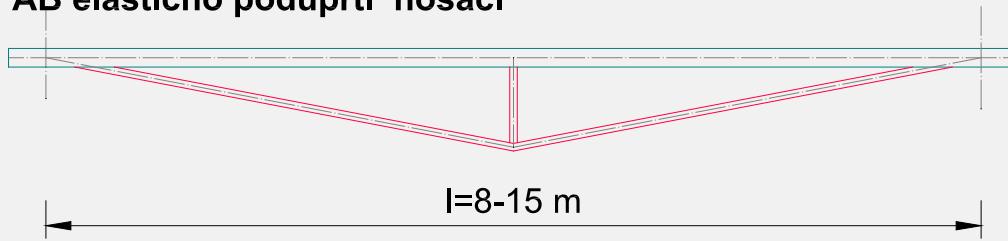
1-1



2-2



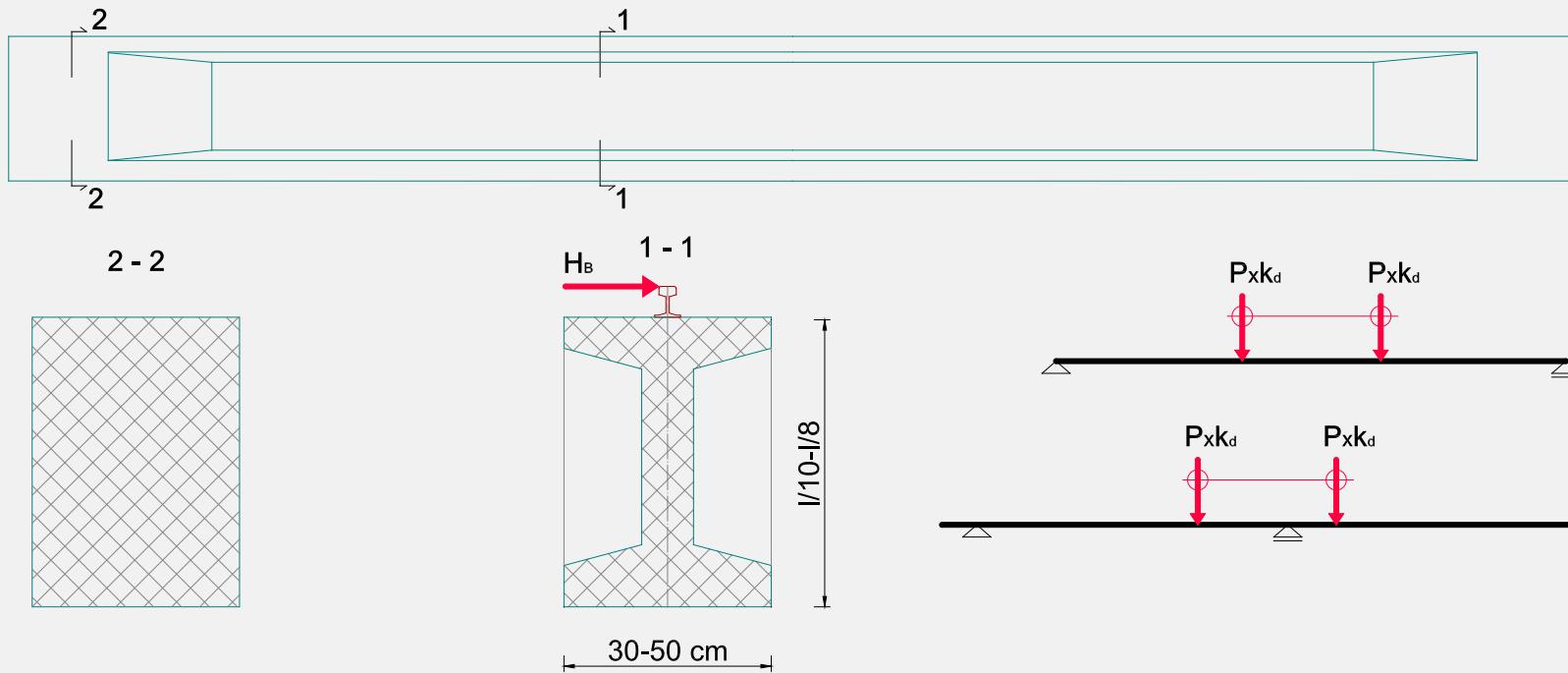
**AB elastično poduprte nosači**



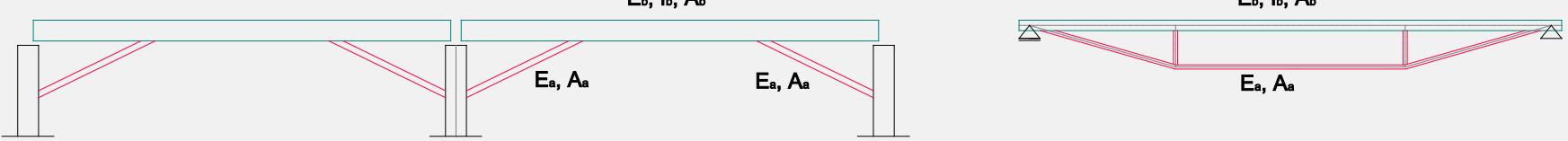
Zatega:  
cel. profili

## 6.2 Nosač kranske staze

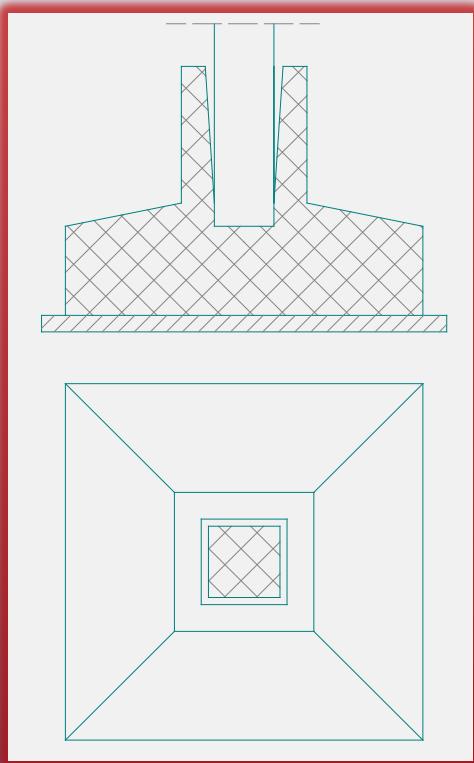
Gredni nosač



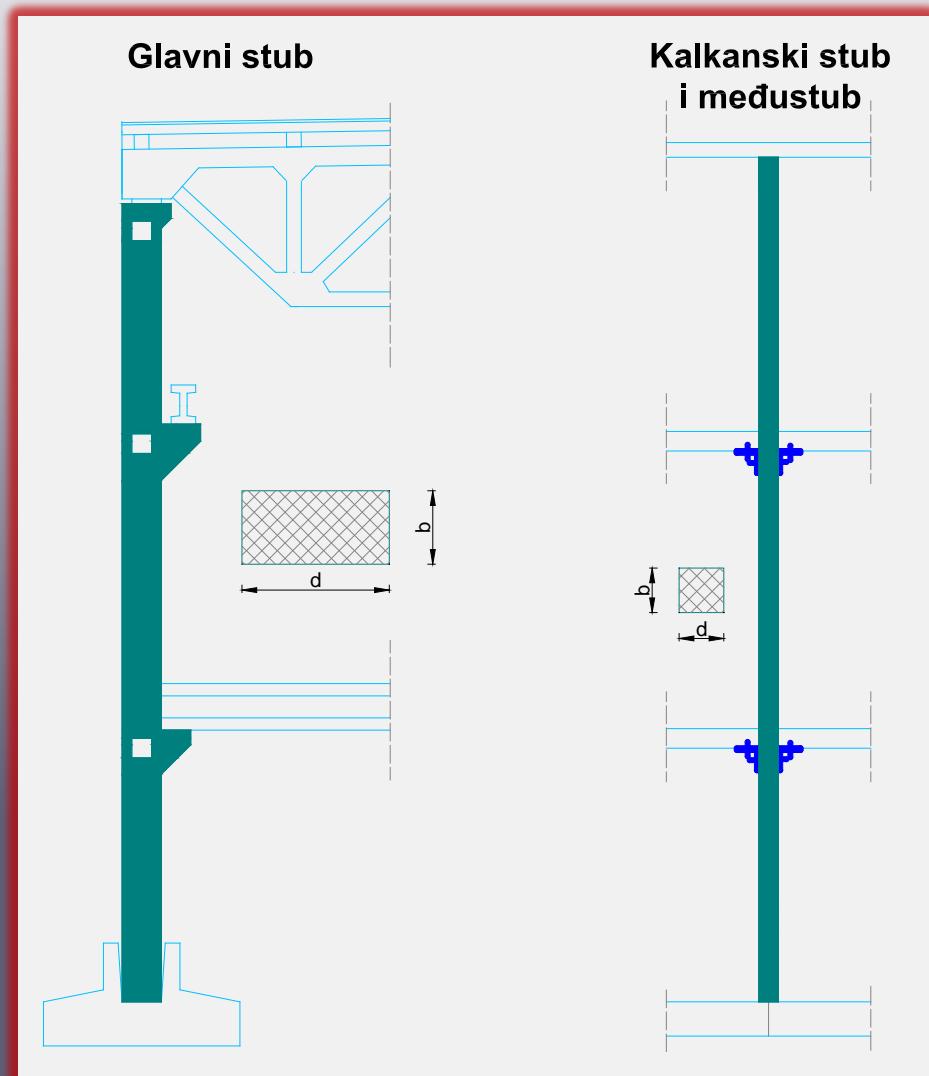
Kombinovani nosaci



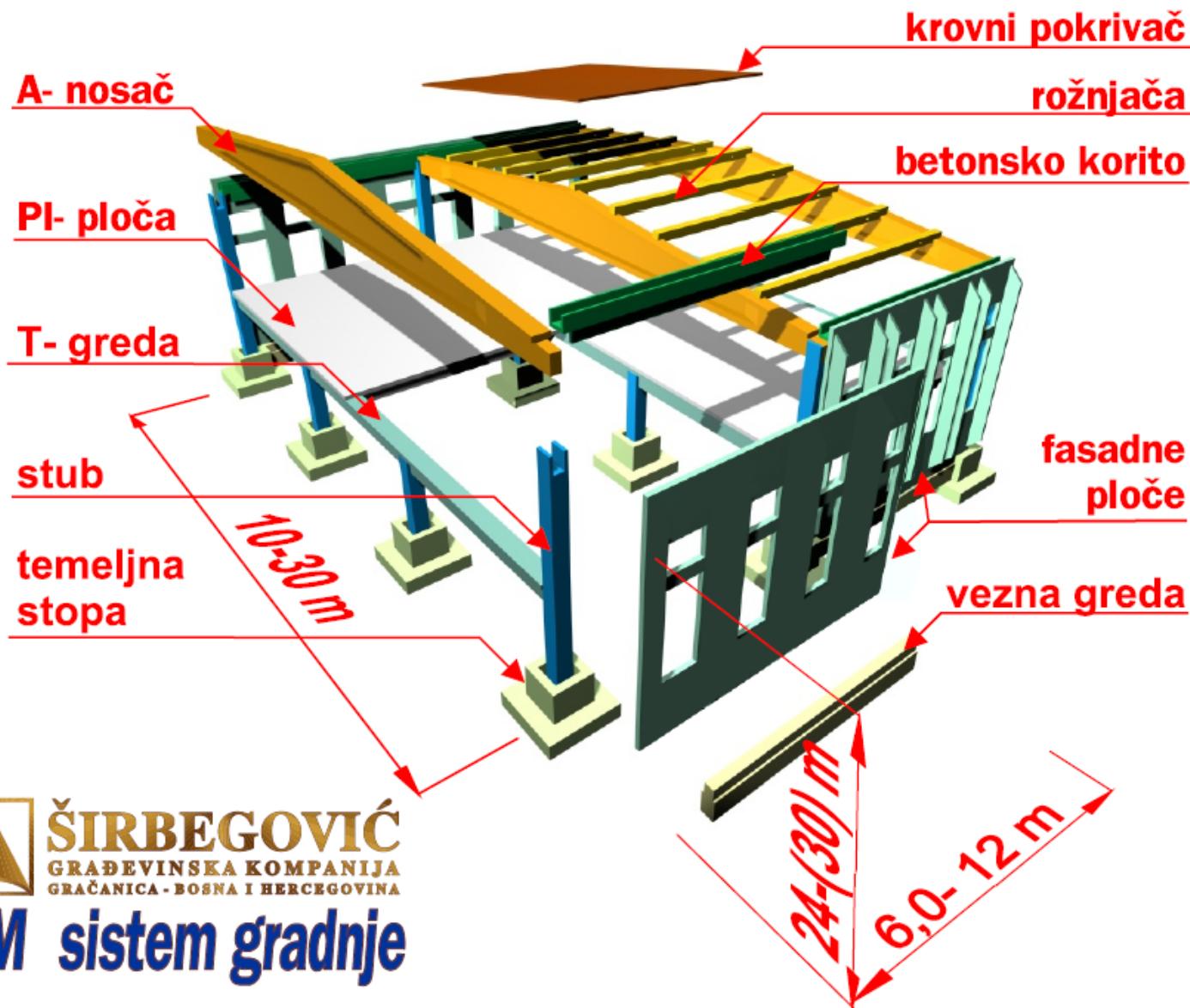
## 6.3 Temelji



## 6.4 Stubovi

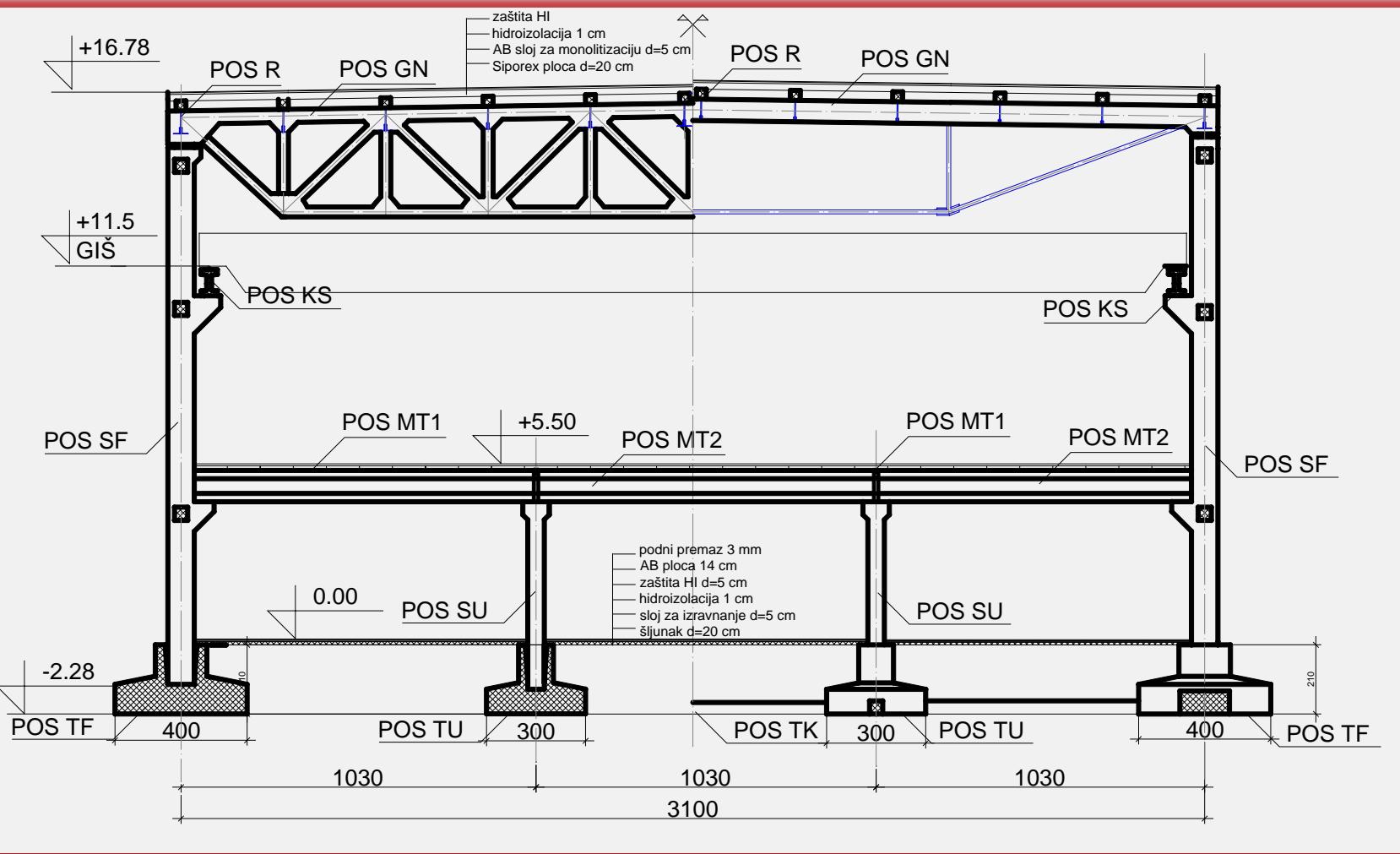


## 6.5 Montažne prefabrikovane hale



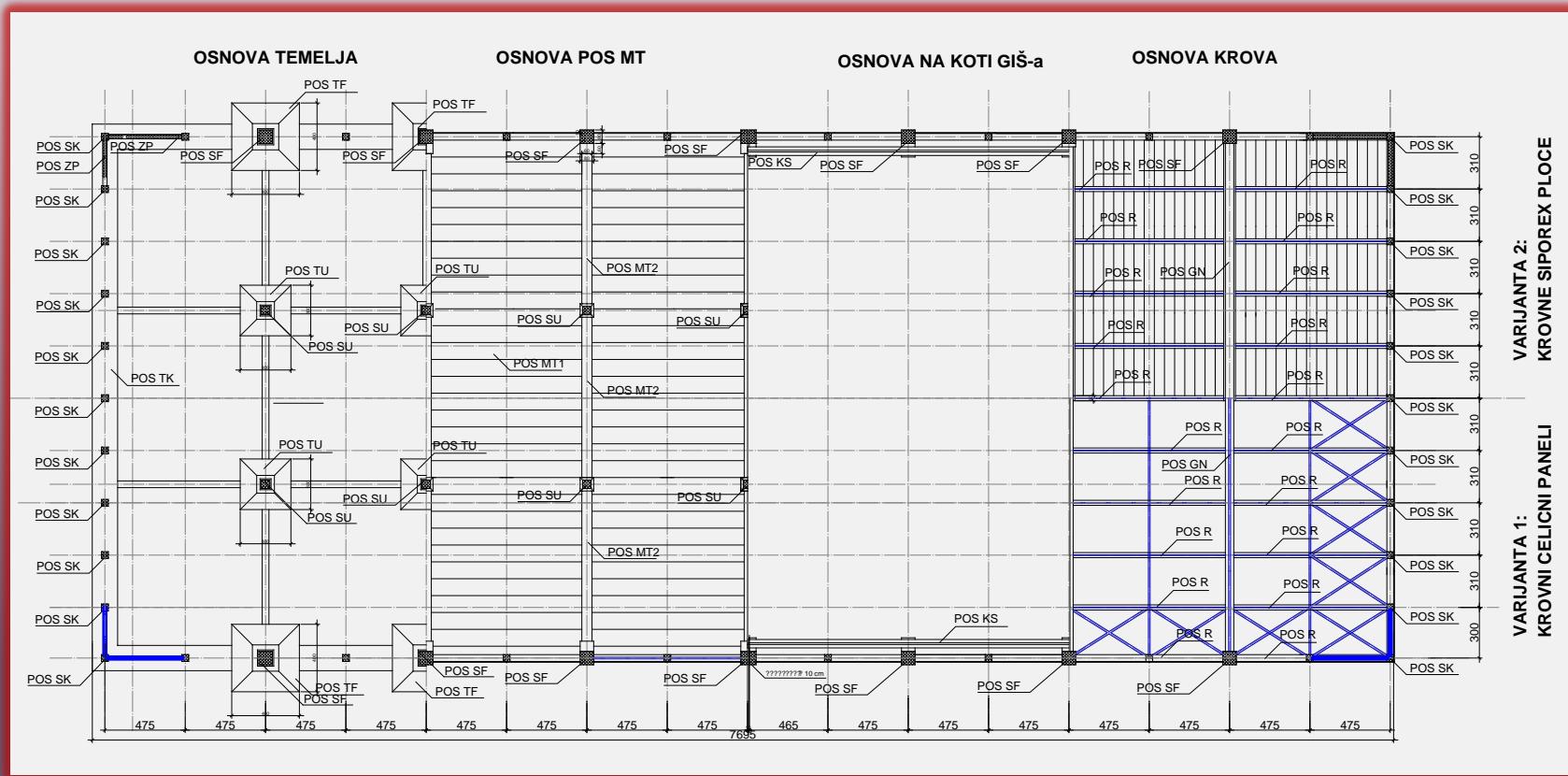
## 6.6 Dispozicija hale - crteži

### Poprečni presjek



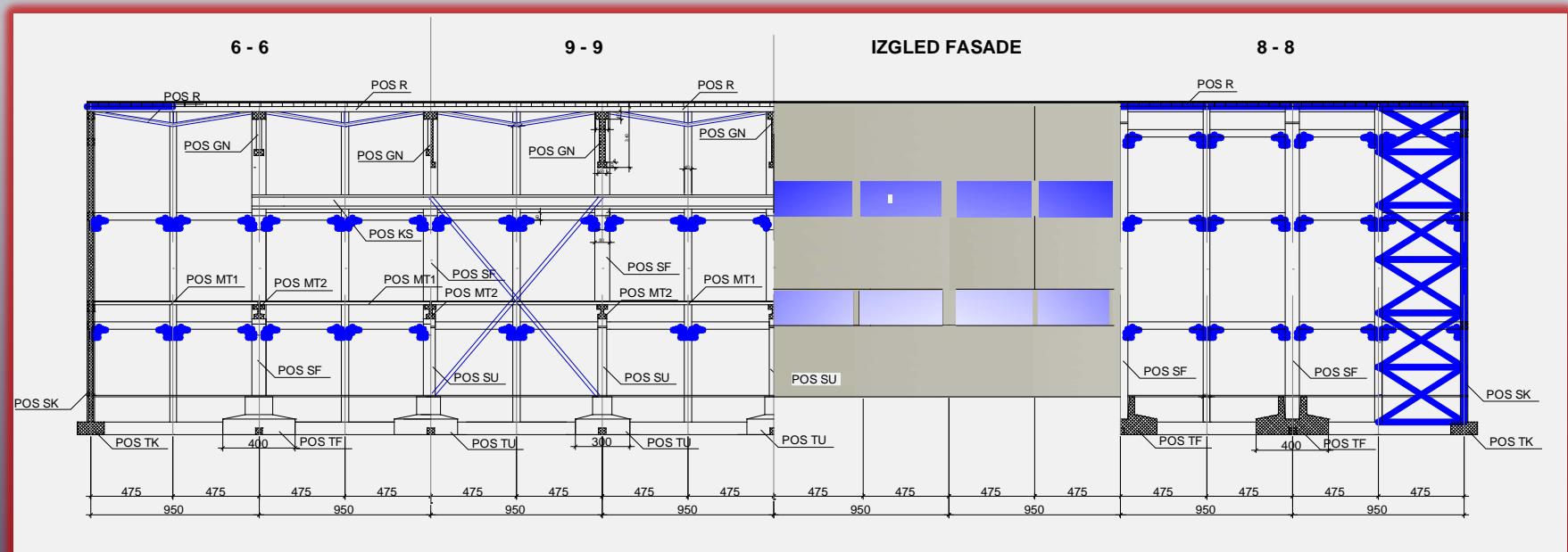
## 6.6 Dispozicija hale - crteži

### Osnova



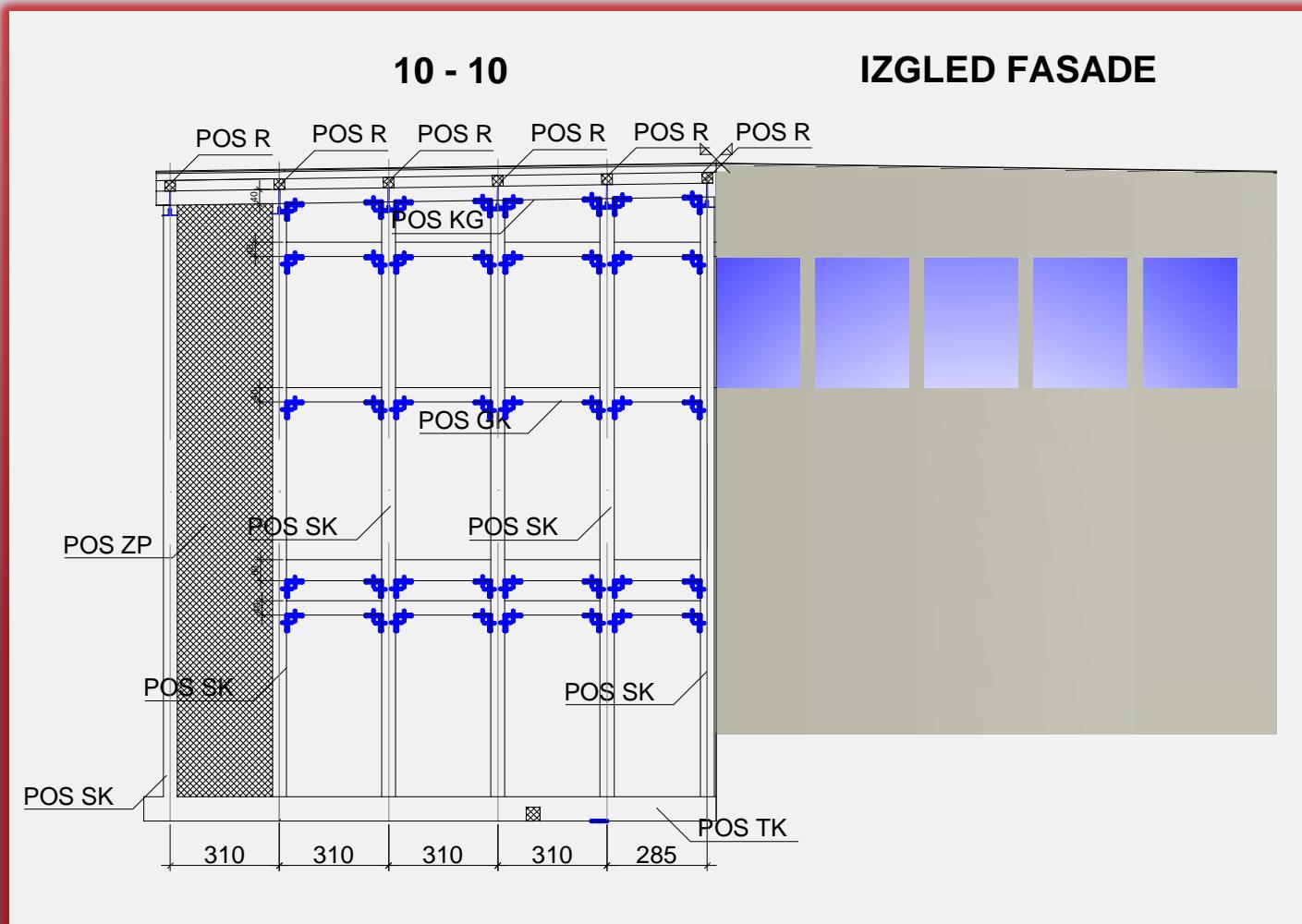
## 6.6 Dispozicija hale - crteži

### Podužni presjek



## 6.6 Dispozicija hale - crteži

Kalkan



## 7. IZBOR I PROJEKTOVANJE GLAVNIH NOSAČA HALA

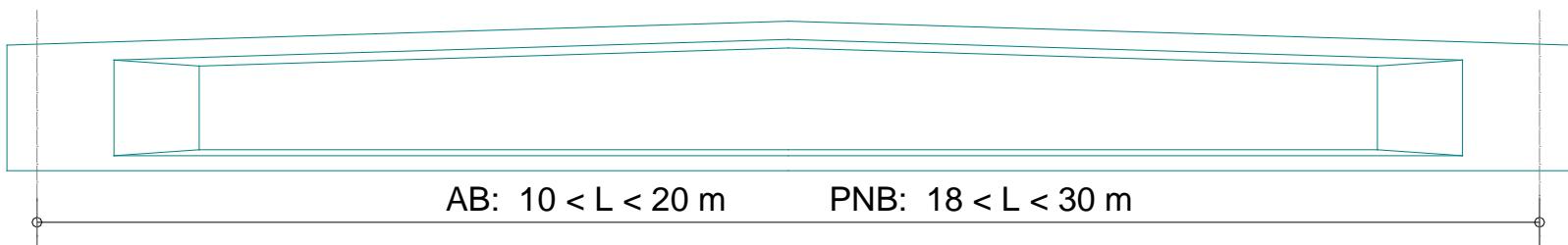
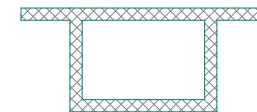
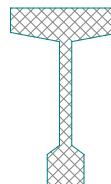
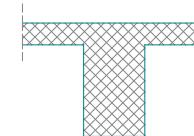
### 7.1 Armirano betonski i prethodno napregnuti linijski elementi (rekapitulacija)

#### 7.1.1 Gredni elementi

Princip: minimum težine

AB:  $L/12 < d < L/8$

PN:  $L/22 < d < L/15$

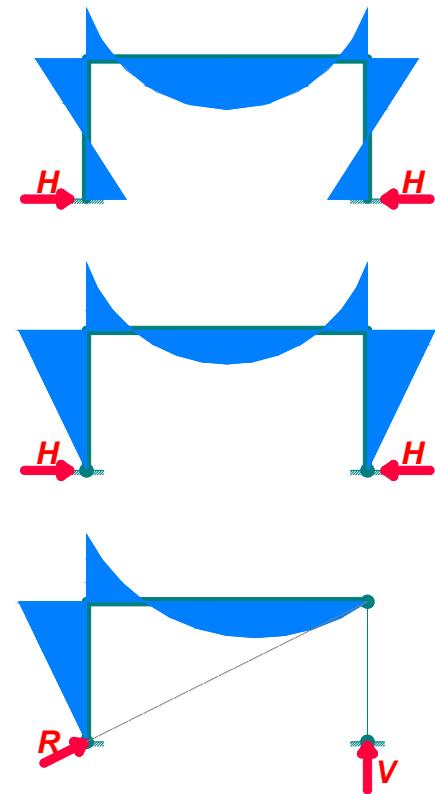
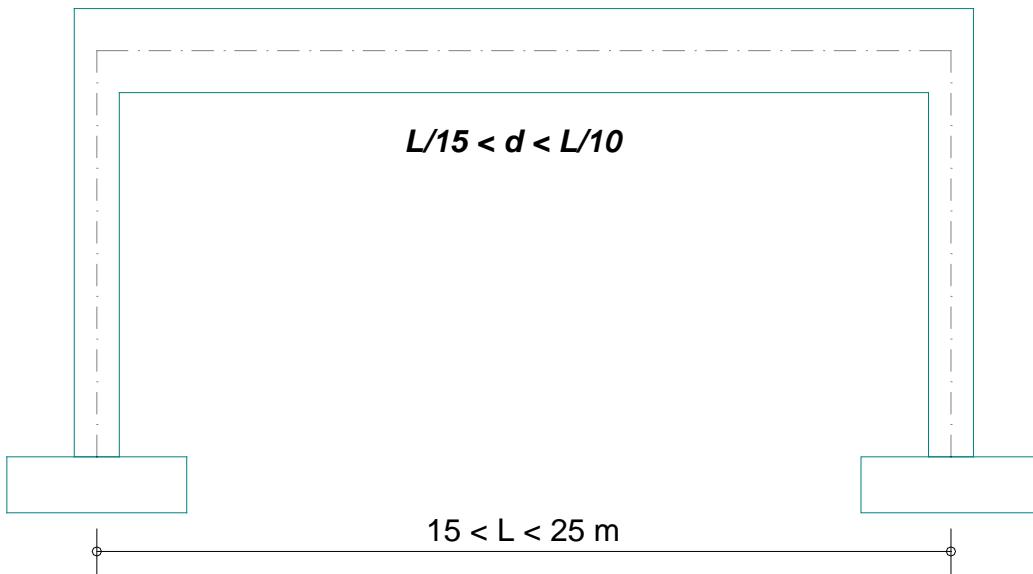


AB:  $10 < L < 20 \text{ m}$

PNB:  $18 < L < 30 \text{ m}$

## 7.1.2 AB/PNB ramovi (okviri)

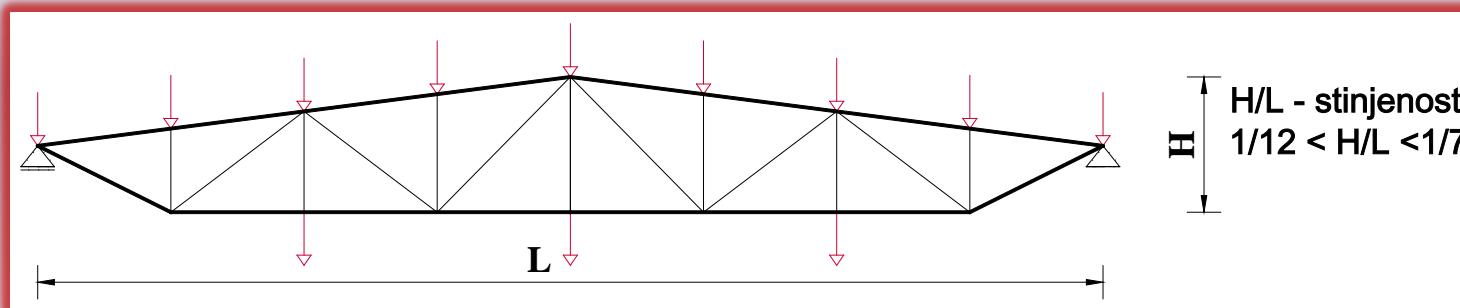
Uslov: nepomjerljivost oslonaca  $\Rightarrow$  prisustvo normalne sile pritiska u rigli  
kruta veza suba i rigle  $\Rightarrow$  smanjenje momenata savijanja u polju  
Vrsta tla  $\Leftrightarrow$  granicni uslovi  $\Rightarrow$  uklješten ram  
dvozglobni ram  
trozglobni ram



## 7.2 AB/PNB rešetkasti nosači

### 7.2.1 Karakteristike i primjena

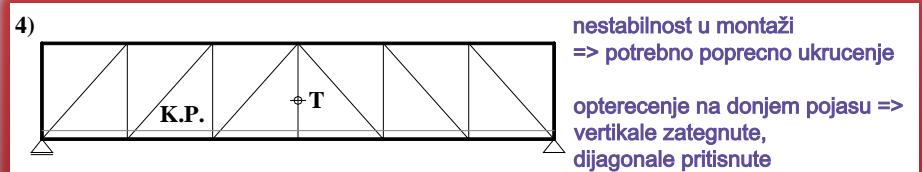
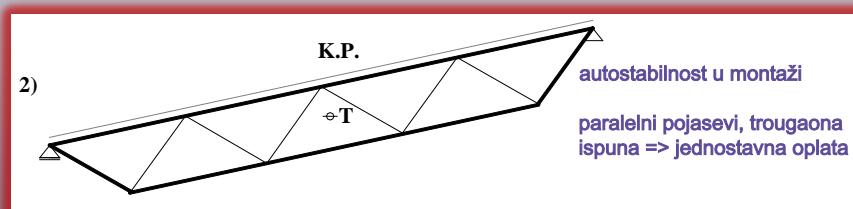
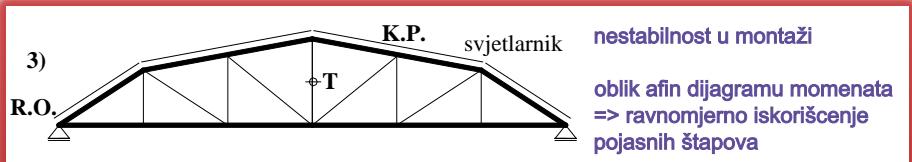
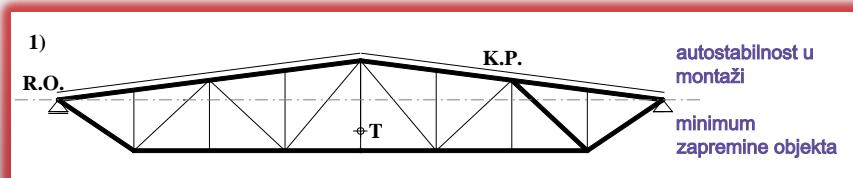
- Rešetke su elementi koji su sastavljeni od niza (prostih) štapova međusobno (zglobno) povezanih u čvorovima.



- Osnovna ideja:
  - rastavljanje momenta na spreg unutrašnjih sila koje se povjeravaju pojasevima:  
 $Z = -D = Mo/H$
  - smanjenje težine izbacivanjem rebra
  - smičuće sile primaju dijagonale, a vertikalne sile primaju vertikale
- Primjena:  
glavni krovni nosači hala većih raspona ( $l=15-35\text{ m}$ ) i glavni nosači u mostogradnji
- Način izrade:  
montažne ili polumontazne
- Prednosti:  
relativno mala težina u odnosu na pune linijske AB/PN elemente i u odnosu na opterećenje koje mogu da ponesu
- Nedostaci:  
oštiri uglovi nepovoljni za beton i oplatu, povredljivost veza kod montažnih rešetki
- Naprezanja:
  - veličina sila direktno zavisi od odnosa  $H/L$ ,
  - opterećenje se, po pravilu, nalazi samo u čvorovima:
    - ➡ štapovi aksijalno napregnuti,
  - opterećenje po pojasevima (s.t., plafon, instalacije):
    - ➡ štapovi ekscentrično napregnuti - oblast m. e.

## 7.2.2 Oblikovanje AB rešetki

- **Uslovjenost:**
  - slobodni gabariti hale (visina od poda do d.i.k.)
  - nagibi krovnih ravni i vrsta krovnog pokrivača
  - veličine L, H/L
  
- **Principi:**
  - razmak čvorova diktira tip krovnog pokrivača
  - rožnjače se oslanjaju u čvorovima
  - dijagonale postaviti pod uglom 45-60°
  - težiti kraćim pritisnutim štapovima zbog izvijanja
  - težiti prostoj trougaonoj ispuni, a po potrebi dodavati vertikale radi smanjenja dužine izvijanja g.p. ili radi prihvatanja okačenog tereta
  - težiti da rešetka bude autostabilna i unutra, bez prodora štapova kroz krovni pokrivač
  
- **Primjeri:**



### 7.2.3 Proračun uticaja

- Opterećenja: sopstvena težina, rožnjače, krovni pokrivač, instalacije, oprema, vjetar, snijeg, temperaturne promjene i razlike...
- Statički sistem: prosta greda, (ređe: kontinualna greda), spoljašnje statički određen, unutrašnje višestruko neodređen sistem
- Proračunski model: štapovi međusobno kruto ili zglobno povezani sa karakteristikama bruto betonskih (neisprskalih) presjeka
- Proračun sila u štapovima metodama Teorije konstrukcija (elastičnosti): Riterov presjek, Metoda čvorova, Metoda deformacija, MKE (primjena gotovih računarskih programa)

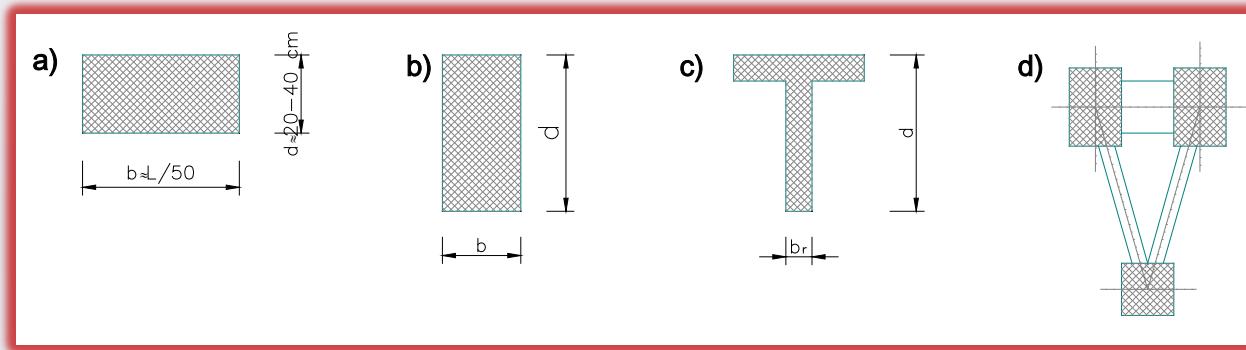
**Brza kontrola:  $Z=-D=Mo/H$**

- Proračun pomjeranja čvorova: sprovodi se nakon dimenzionisanja sa karakteristikama isprskalih betonskih štapova

## 7.2.4 Izbor presjeka i dimenzionisanje štapova

### 7.2.4.1. Gornji pojas

➤ Naponsko stanje: (eks)centrično pritisnuti štapovi sa (najčešće) iskorišćenim naponima u betonu



- a)  $b > d \Leftrightarrow$  - izvijanje van ravni rešetke  $l_i = \text{razmak čvorova}$   
- manja krutost zbog sekundarnih momenata savijanja u čvorovima
- b)  $b < d \Leftrightarrow$  - prisutno savijanje sa manjim razmacima čvorova gornjeg pojasa
- c) T-presjek  $\Leftrightarrow$  - izvijanje van ravni rešetke i prisutno savijanje gornjeg pojasa
- d)  $L > 35 \text{ m} \Leftrightarrow$  - velike sile pritiska  
- velika dužina izvijanja u fazi montaže  $l_i = L$  ( $\max \lambda_i = 200$ )

## 7.2.4.2. Donji pojasi

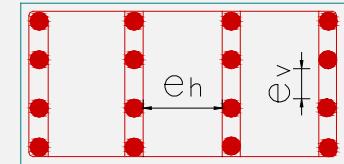
➤ Naponsko stanje: (eks)centrično zategnuti štapovi, klasično armirani ili prednapregnuti

a) Klasično armirani:

$$A_a = Z_u / \sigma_v \quad A_{a1} = A_a (y_a + e) / 2y_a$$

$$e = M_u / N_u \quad A_{a2} = A_a (y_a - e) / 2y_a$$

b/d  $\Leftrightarrow$  smještaj armature i adekvatan zaštitni sloj

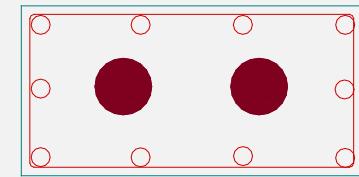


b) Prednapregnuti:

$$N_{k\infty} \geq \gamma_p (Z - f_{bz} A_b), \quad \gamma_p \geq 1,15 \quad \sigma_{bo} = N_{ko} / A_b \leq \sigma_{bo,dop}$$

$$A_{ak} = N_{k\infty} / \omega \sigma_{a,dop}, \quad \omega = 0.85 - 0.90 \quad \sigma_{bo} > \sigma_{bo,dop} \Rightarrow \text{fazno unošenje sile PN}$$

I faza :  
 - prednaprezanje na tlu:  
 $N_{ko}^I = A_b \sigma_{bo,dop}$   
 - kontrola napona nakon montaže:  
 $\sigma_{bo}^I = (N_{ko}^I - Z_{g+s}) / A_b \leq \sigma_{bzo,dop}$



II faza :  
 - prednaprezanje nakon montaže:  
 $N_{ko}^{II} = N_{ko} - N_{ko}^I$   
 - kontrola napona nakon PN:  
 $\sigma_{bo}^{II} = (N_{ko}^{II} - Z_{g+s}) / A_b \leq \sigma_{bo,dop}$   
 - kontrola napona u eksploataciji:  
 $\sigma_{bo}^{II} = (\omega N_{ko} - Z_{g+s+p}) / A_b \leq \sigma_{bz\infty,dop}$

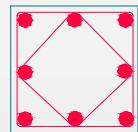
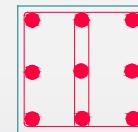
## 7.2.4.3. Ispuna – dijagonale i vertikale

Naponsko stanje: (eks)centrično pritisnuti i zategnuti štapovi sa neiskorišćenim naponima u betonu ( $\mu_o = 0.4 - 0.6 \%$ )

pritisak: kontrola izvijanja  $I_i = I_o$

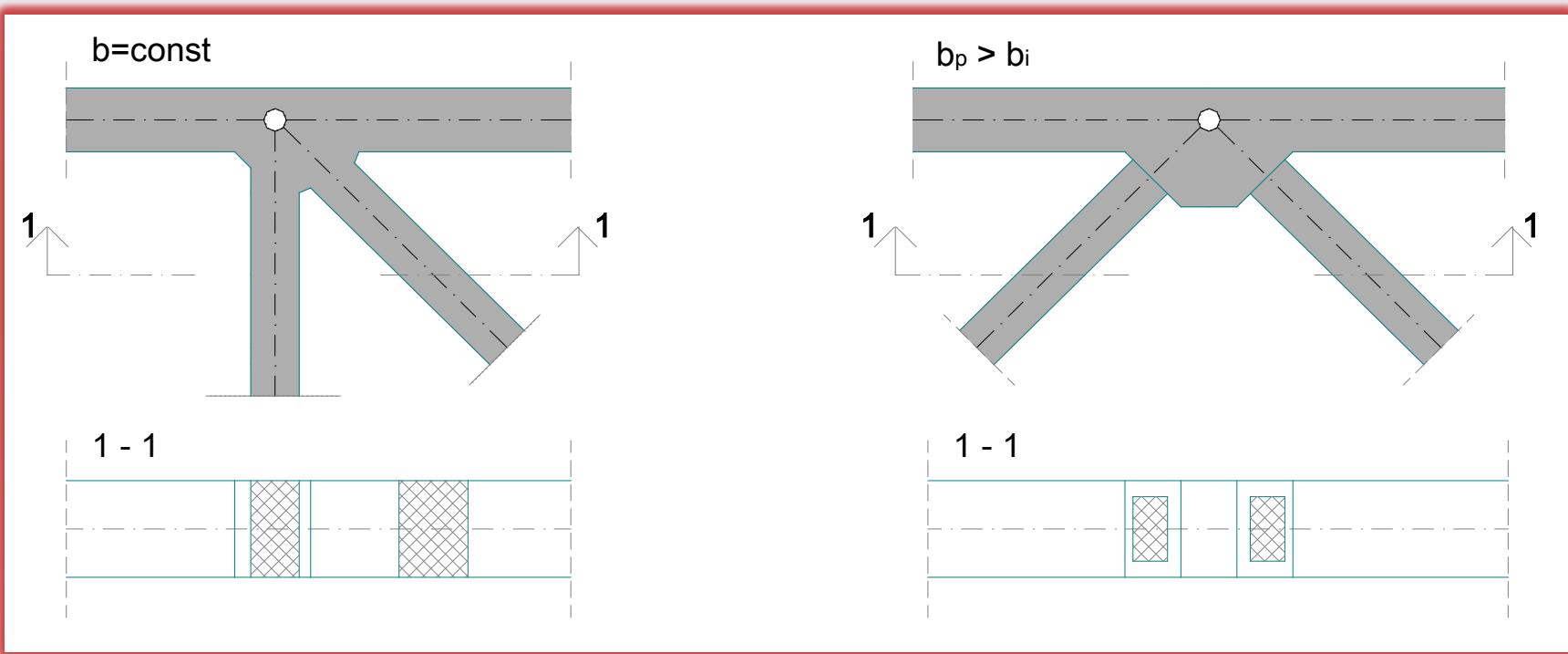
zatezanje: kvalitetno usidrenje armature

$b,d = 15-25 \text{ cm}$  konstantno za sve štapove zbog jednostavnijeg izvođenja

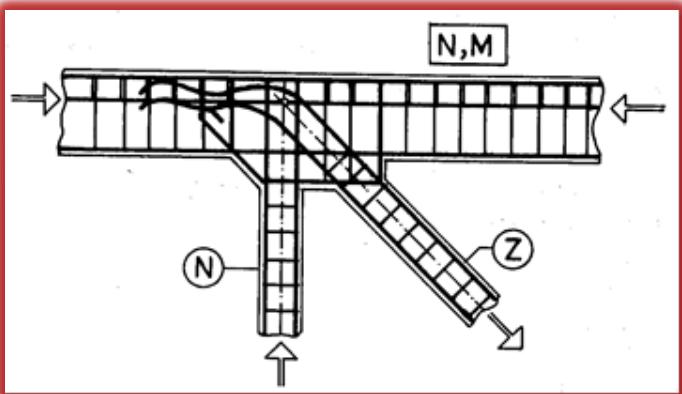


## 7.2.5 Oblikovanje i armiranje štapova i čvorova

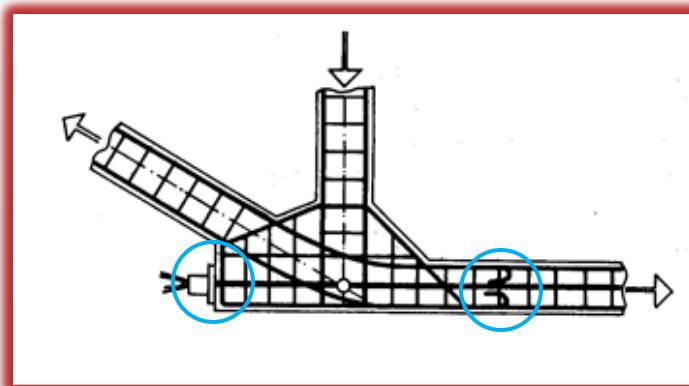
- Principi oblikovanja:
  - ose štapova jednog čvora se sijeku u jednoj tački
  - ublažavanje oštrih uglova malim vutama



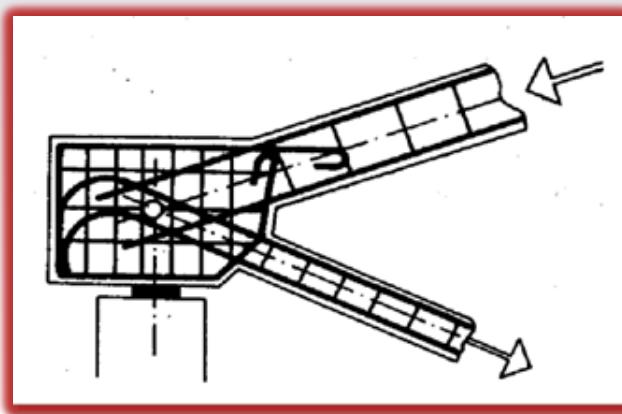
- Principi armiranja:
- zategnuta armatura se sidri preko čvora za  $I_s$
  - pritisnuta armatura se vodi najmanje do čvora
  - čvor se armira prostorno (takvo je i naprezanje), tanjim uzengijama u dva pravca, tako da je moguće efikasno betoniranje



a) Armiranje čvora sa štapovima gornjeg pojasa,  
zategnute dijagonale i pritisnute vertikale



b) Armiranje čvora sa štapovima donjeg pojasa,  
zategnute dijagonale i pritisnute vertikale

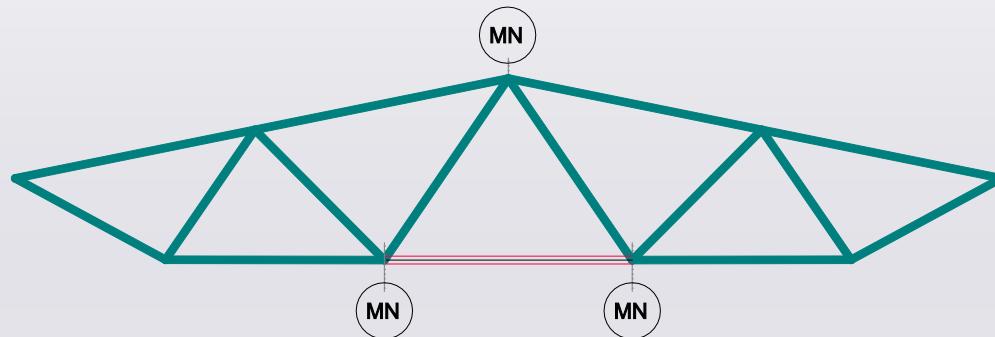


c) Armiranje oslonačkog čvora sa štapovima  
gornjeg pojasa i zategnute dijagonale

## 7.2.6 O izvođenju AB rešetki

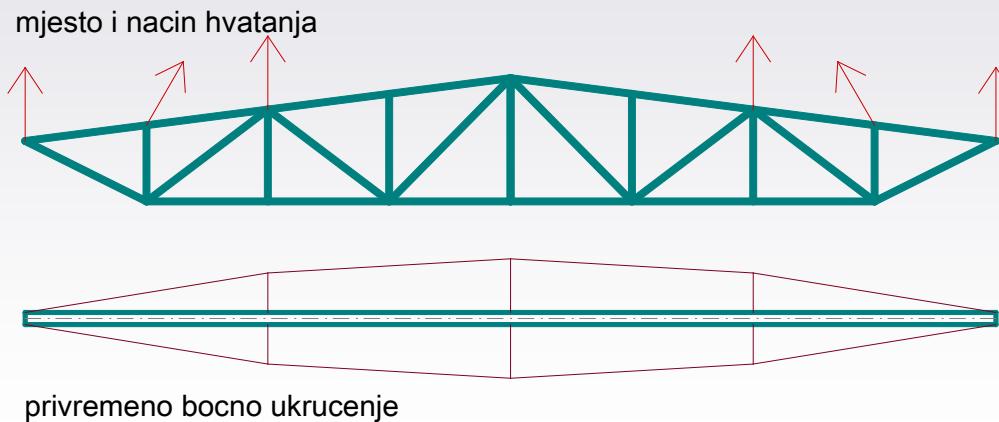
### ➤ Izrada:

- a) Monolitne rešetke - livenje betona na licu mesta u horizontalnoj oplati
- b) Polumontažne rešetke - pojasevi se liju na licu mesta, a ispuna je montažna
- c) Segmentna izrada - djelovi rešetke se prethodno urade, transportuju i zatim povezuju na gradilištu



### ➤ Montaža:

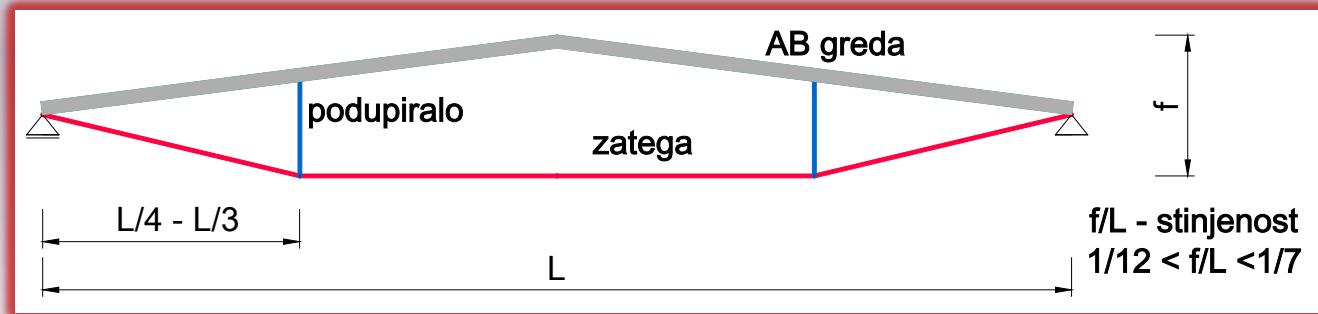
- proračun u svim fazama - transport, hvatanje, dizanje
- privremena ukrućenja u fazi montaže



## 7.3 Gredni AB nosači sa zategnutim elementima van poprečnog presjeka (olakšani elastično poduprati AB elementi)

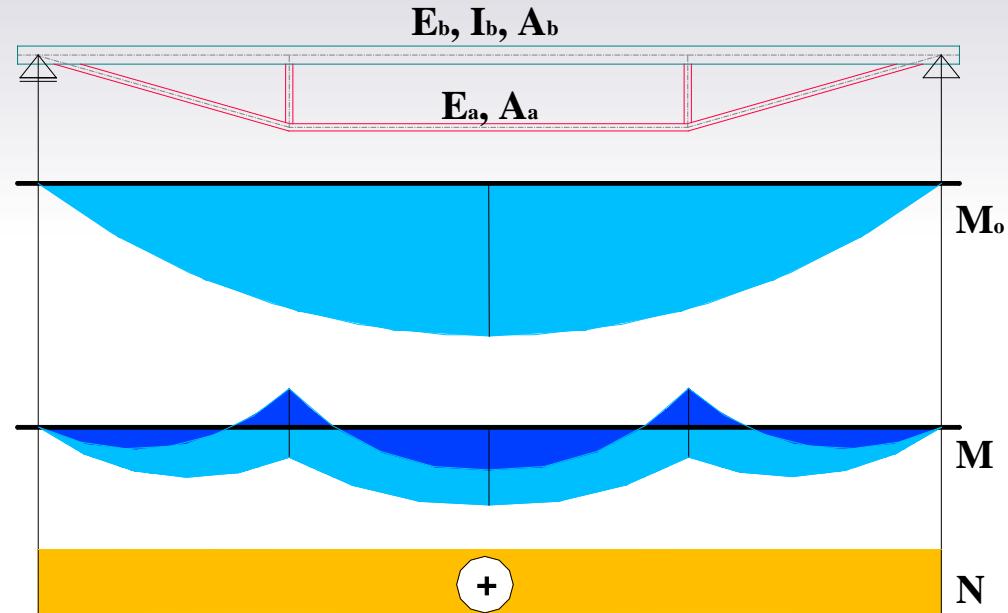
### 7.3.1 Karakteristike, osnovna ideja i primjena

- Gredni AB nosač je elastično poduprati poligonalnom zategom preko vertikalnih podupirala



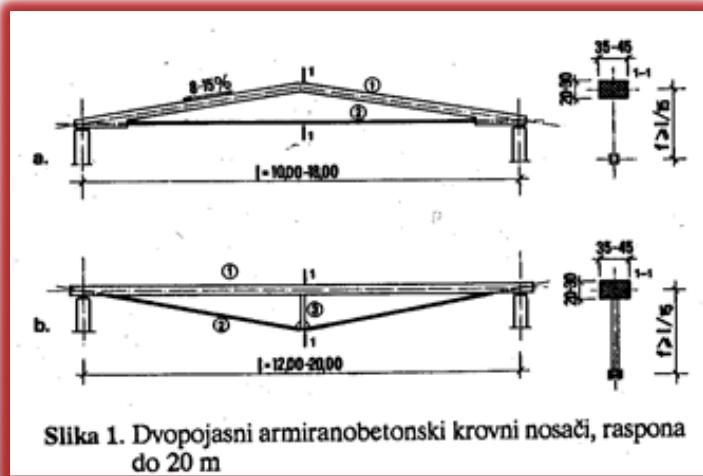
#### ➤ Osnovna ideja:

- rastavljanje momenta na spreg unutrašnjih sila  
 $Z = -D = M_0/f$   
koje se povjeravaju pojasevima: pritisak i savijanje AB gredi, a zatezanje čeliku u zatezi
- korekcija (smanjenje) momenata u odnosu na prostu gredu zahvaljujući elastičnom podupiranju
- prisustvo normalne sile pritiska u gredi
- dodatno smanjenje težine u odnosu na rešetke izbacivanjem betonske ispune

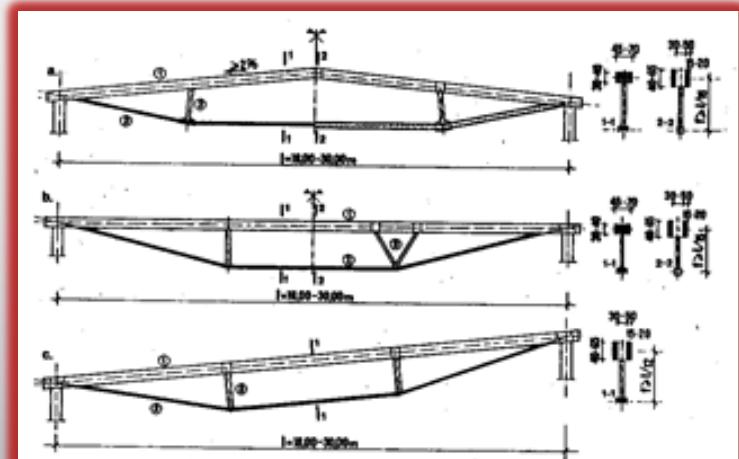


### Primjena:

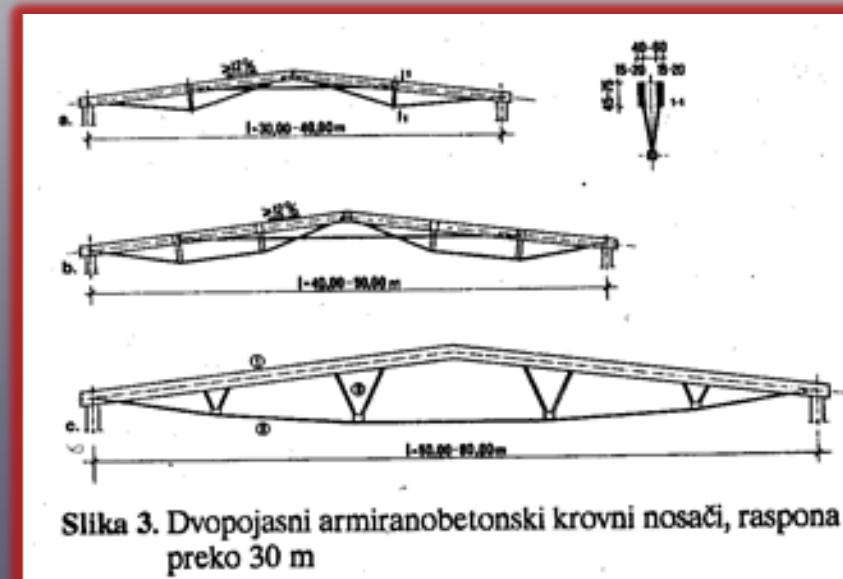
- glavni krovni nosači hala većih raspona ( $l=15-35$  m)
- rožnjače, sekundarni nosači, nosači kranskih staza
- sanacije i ojačanja



Slika 1. Dvopojasni armiranobetonski krovni nosači, raspona do 20 m

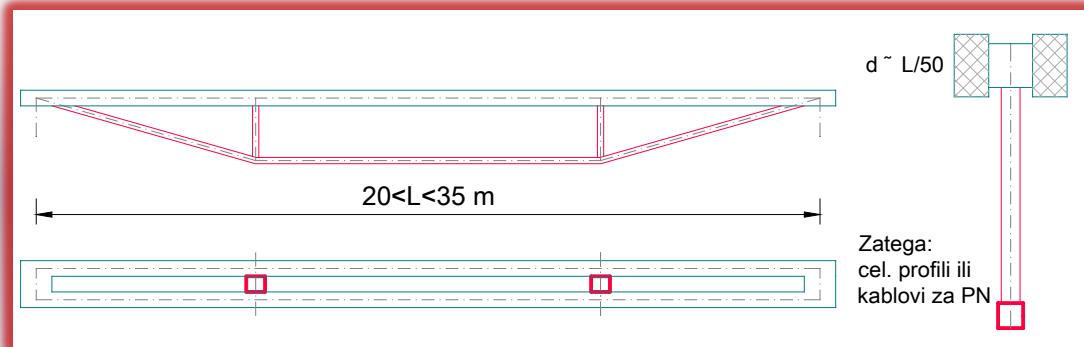
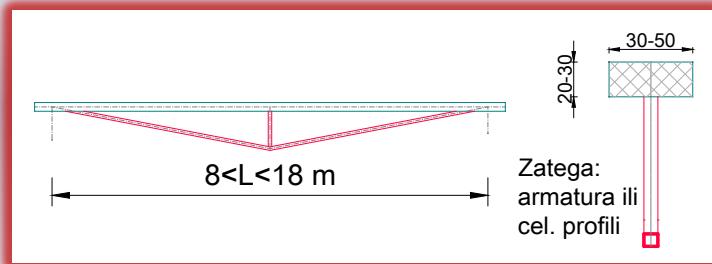


Slika 2. Dvopojasni armiranobetonski krovni nosači, raspona od 18 do 30 m



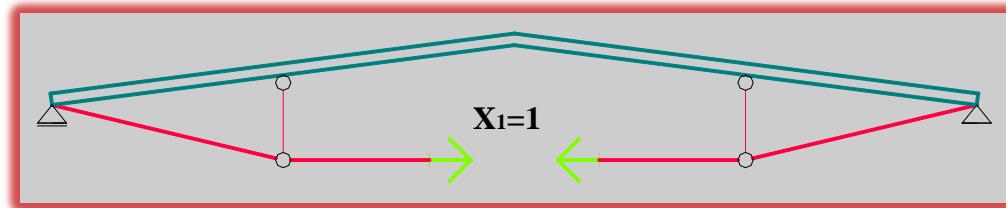
Slika 3. Dvopojasni armiranobetonski krovni nosači, raspona preko 30 m

### 7.3.2 Izbor poprečnih presjeka



### 7.3.3 Proračun uticaja

- Opterećenja: sop. težina, rožnjače, krovni pokrivač, instalacije, oprema, vjetar, snijeg, temp. promjene i razlike...
- Statički sistem: prosta greda, spoljašnje statički određen, unutrašnje jedanput neodređen sistem
- Proračunski model: štapovi kruto ili zglobovno međusobno povezani sa karakteristikama bruto betonskih presjeka i čelika



$$E_b I_b \delta_{11} = \int M_1^2 ds + (I_b / A_b) \int N_1^2 ds + (E_b I_b / E_a A_a) \int Z_1^2 ds$$

$$E_b I_b \delta_{10} = \int M_o M_1 ds \quad X_1 = -\delta_{10} / \delta_{11}$$

- Potrebno unaprijed usvojiti površinu čelične zatege:      Iskustveno :  $A_{az}=k M_o / f / \sigma_a$  ,  $k= 1,15 - 1,30$

- Proračun sila u štapovima metodama Teorije konstrukcija (elastičnosti): Metoda deformacija, MKE (primjena gotovih računarskih programa)
- Proračun deformacija: sprovodi se nakon dimenzionisanja sa karakteristikama isprskalih betonskih štapova i čelika u zatezi

### 7.3.4 Dimenzionisanje štapova

#### a) AB greda

➤ Naponsko stanje: (eks)centrično pritisnuti štapovi sa neiskorišćenim naponima u betonu

- faza eksploatacije: izvijanje van ravni grede  $I_i = \text{razmak čvorova}$

- faza montaže: izvijanje van ravni grede  $I_i = L$  (max  $\lambda_i = 200$ )

#### b) Čelična zatega

➤ Naponsko stanje: centrično zategnuti štapovi  
kontrola napona i proračun veza

### 7.3.5 Korekcija stanja dotezanjem zatege od kablova za PN

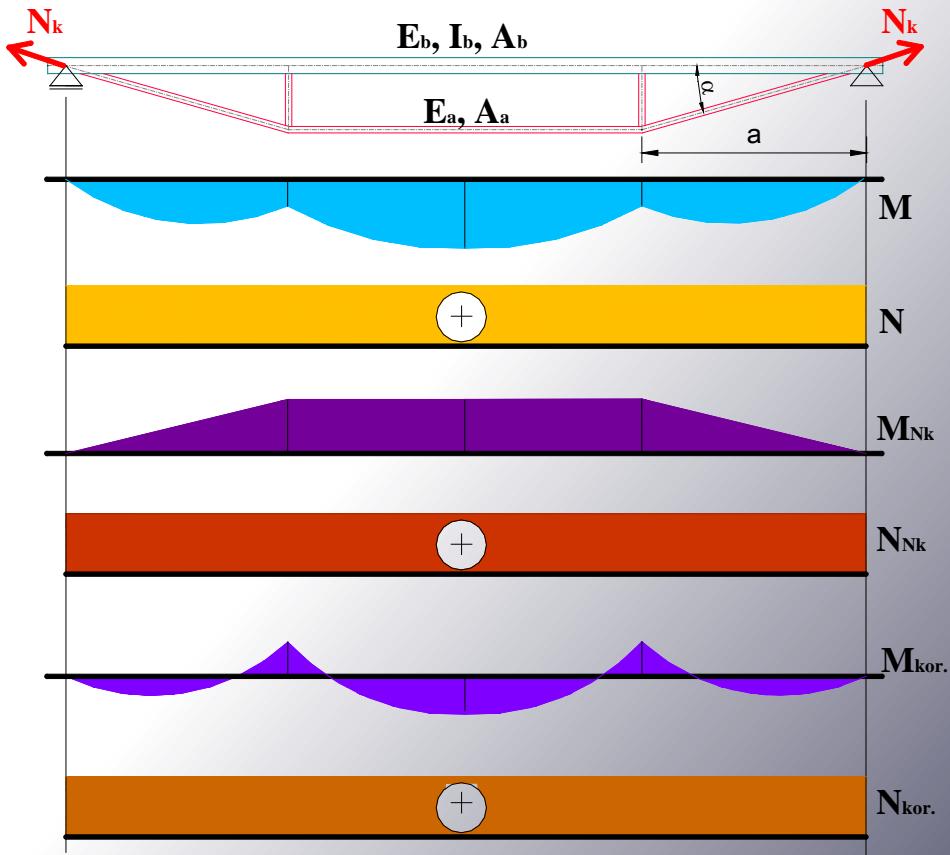
➤ Cilj: poboljšanje stanja napona i deformacija

$$M_{Nk} = a * N_k \sin \alpha$$

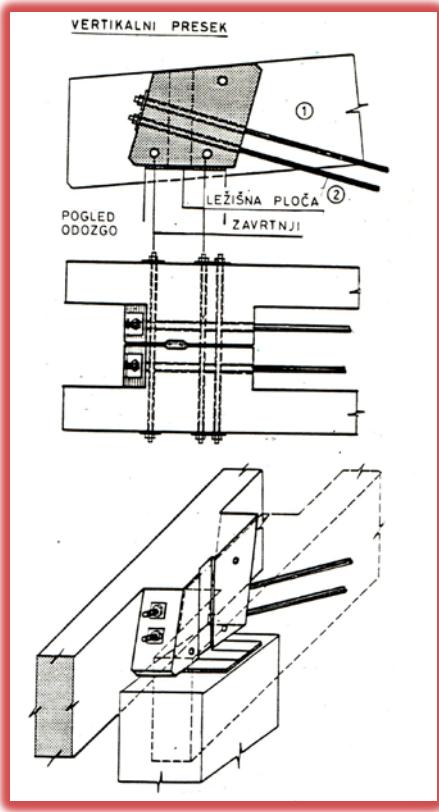
$$N_{Nk} = N_k \cos \alpha$$

$$M_{\text{kor}} = M_{Nk} + M$$

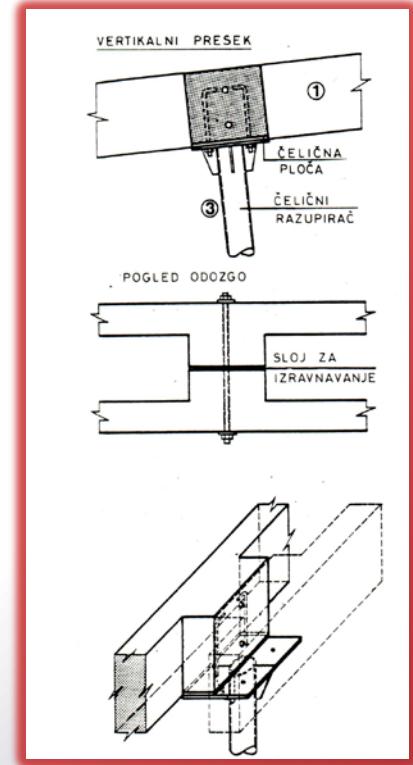
$$N_{\text{kor}} = N_{Nk} + N$$



### 7.3.6 Detalji veza

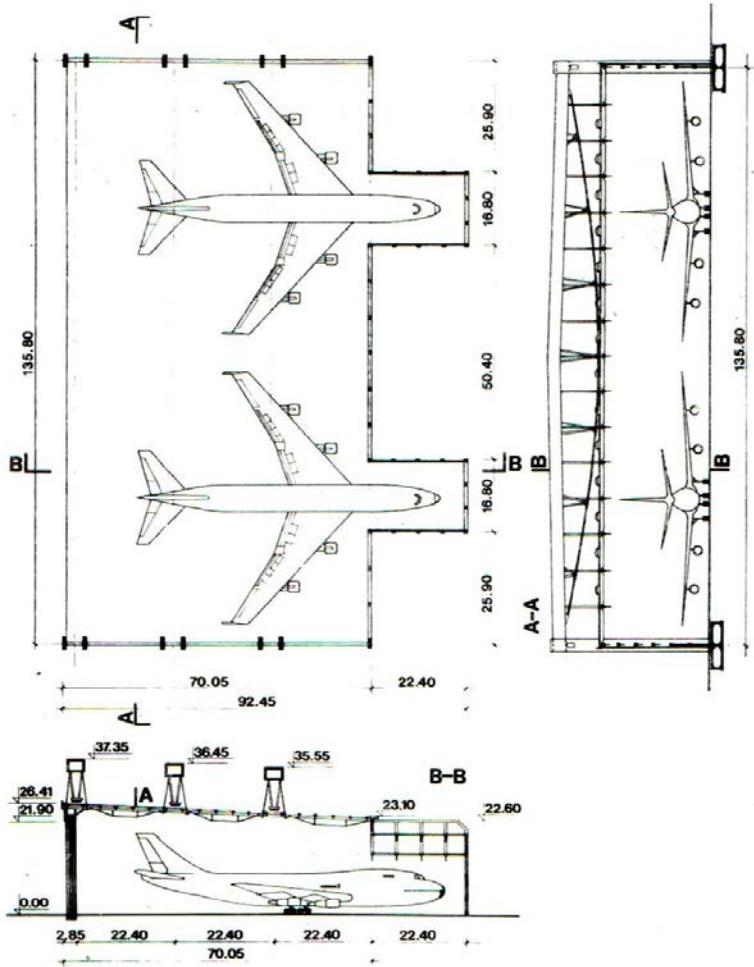


a) Veza AB grede i zatege od armature

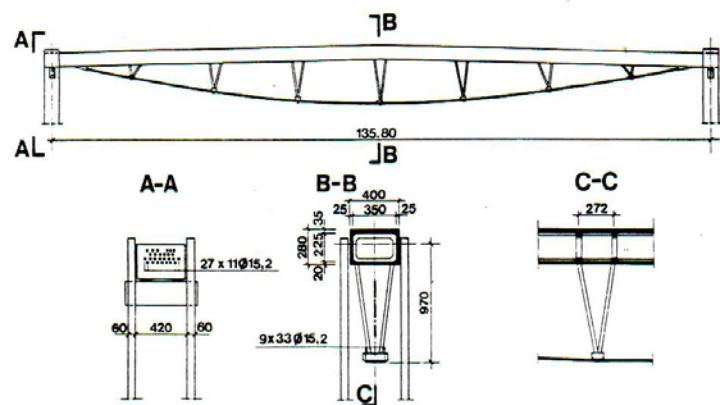


b) Veza AB grede i podupirača

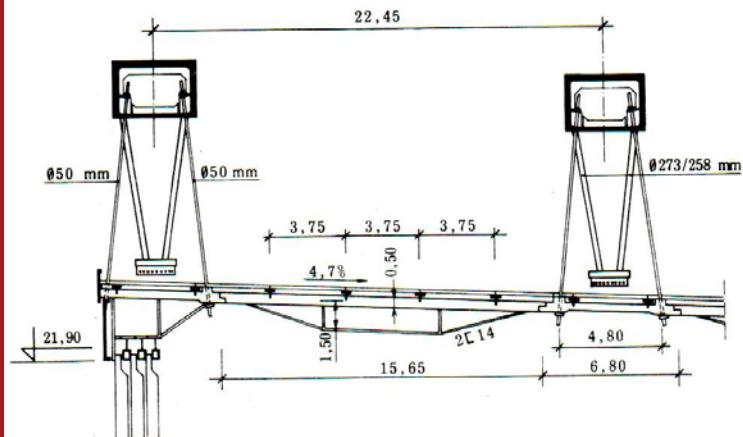
### 7.3.7 Hale velikih raspona



Slika 20. Dispozicija novog hangara JAT-a na Aerodromu Surčin, Beograd



Slika 21. Glavni krovni nosači novog hangara JAT na Aerodromu Surčin, Beograd

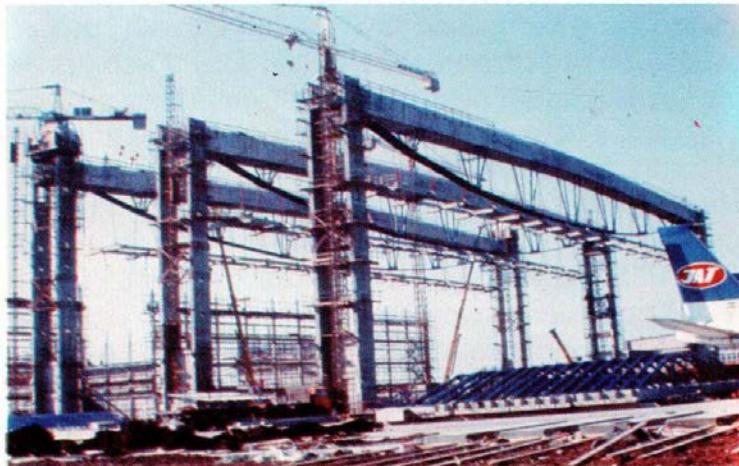


Slika 22. Krovna konstrukcija hangara – poprečni presek

### 7.3.7 Hale velikih raspona



Slika 23. "Stolica" glavnog nosača



Slika 27. Glavni nosači nakon liftovanja u projektovani po- ložaj



Slika 29. Glavni nosači, pogled sa krova